

© International Baccalaureate Organization 2021

All rights reserved. No part of this product may be reproduced in any form or by any electronic or mechanical means, including information storage and retrieval systems, without the prior written permission from the IB. Additionally, the license tied with this product prohibits use of any selected files or extracts from this product. Use by third parties, including but not limited to publishers, private teachers, tutoring or study services, preparatory schools, vendors operating curriculum mapping services or teacher resource digital platforms and app developers, whether fee-covered or not, is prohibited and is a criminal offense.

More information on how to request written permission in the form of a license can be obtained from <https://ibo.org/become-an-ib-school/ib-publishing/licensing/applying-for-a-license/>.

© Organisation du Baccalauréat International 2021

Tous droits réservés. Aucune partie de ce produit ne peut être reproduite sous quelque forme ni par quelque moyen que ce soit, électronique ou mécanique, y compris des systèmes de stockage et de récupération d'informations, sans l'autorisation écrite préalable de l'IB. De plus, la licence associée à ce produit interdit toute utilisation de tout fichier ou extrait sélectionné dans ce produit. L'utilisation par des tiers, y compris, sans toutefois s'y limiter, des éditeurs, des professeurs particuliers, des services de tutorat ou d'aide aux études, des établissements de préparation à l'enseignement supérieur, des fournisseurs de services de planification des programmes d'études, des gestionnaires de plateformes pédagogiques en ligne, et des développeurs d'applications, moyennant paiement ou non, est interdite et constitue une infraction pénale.

Pour plus d'informations sur la procédure à suivre pour obtenir une autorisation écrite sous la forme d'une licence, rendez-vous à l'adresse <https://ibo.org/become-an-ib-school/ib-publishing/licensing/applying-for-a-license/>.

© Organización del Bachillerato Internacional, 2021

Todos los derechos reservados. No se podrá reproducir ninguna parte de este producto de ninguna forma ni por ningún medio electrónico o mecánico, incluidos los sistemas de almacenamiento y recuperación de información, sin la previa autorización por escrito del IB. Además, la licencia vinculada a este producto prohíbe el uso de todo archivo o fragmento seleccionado de este producto. El uso por parte de terceros —lo que incluye, a título enunciativo, editoriales, profesores particulares, servicios de apoyo académico o ayuda para el estudio, colegios preparatorios, desarrolladores de aplicaciones y entidades que presten servicios de planificación curricular u ofrezcan recursos para docentes mediante plataformas digitales—, ya sea incluido en tasas o no, está prohibido y constituye un delito.

En este enlace encontrará más información sobre cómo solicitar una autorización por escrito en forma de licencia: <https://ibo.org/become-an-ib-school/ib-publishing/licensing/applying-for-a-license/>.

# Mathématiques : analyse et approches

## Niveau moyen

### Épreuve 1

Lundi 1 novembre 2021 (après-midi)

Numéro de session du candidat

1 heure 30 minutes

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

#### Instructions destinées aux candidats

- Écrivez votre numéro de session dans les cases ci-dessus.
- N'ouvrez pas cette épreuve avant d'y être autorisé(e).
- Aucune calculatrice n'est autorisée pour cette épreuve.
- Section A : répondez à toutes les questions. Rédigez vos réponses dans les cases prévues à cet effet.
- Section B : répondez à toutes les questions sur le livret de réponses prévu à cet effet. Écrivez votre numéro de session sur la première page du livret de réponses, et attachez ce livret à cette épreuve d'examen et à votre page de couverture en utilisant l'attache fournie.
- Sauf indication contraire dans l'intitulé de la question, toutes les réponses numériques devront être exactes ou correctes à trois chiffres significatifs près.
- Un exemplaire non annoté du **livret de formules pour les cours de mathématiques : analyse et approches** est nécessaire pour cette épreuve.
- Le nombre maximum de points pour cette épreuve d'examen est de **[80 points]**.



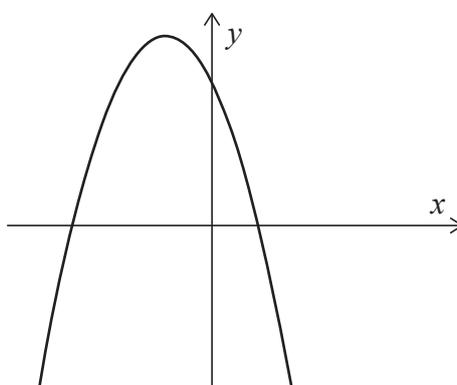
Le total des points ne sera pas nécessairement attribué pour une réponse correcte si le raisonnement n'a pas été indiqué. Les réponses doivent être appuyées par un raisonnement et/ou des explications. Lorsque la réponse est fautive, certains points peuvent être attribués si la méthode utilisée est correcte, pour autant que le raisonnement soit indiqué par écrit. On vous recommande donc de montrer tout votre raisonnement.

### Section A

Répondez à **toutes** les questions. Rédigez vos réponses dans les cases prévues à cet effet. Si cela est nécessaire, vous pouvez poursuivre votre raisonnement en dessous des lignes.

1. [Note maximale : 7]

Considérez la fonction  $f(x) = -2(x - 1)(x + 3)$ , pour  $x \in \mathbb{R}$ . Le diagramme suivant montre une partie de la représentation graphique de  $f$ .



- (a) Pour la représentation graphique de  $f$ ,
  - (i) trouvez les coordonnées en  $x$  des abscisses à l'origine ;
  - (ii) trouvez les coordonnées du sommet. [5]

La fonction  $f$  peut s'écrire sous la forme  $f(x) = -2(x - h)^2 + k$ .

- (b) Écrivez la valeur de  $h$  et la valeur de  $k$ . [2]

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....



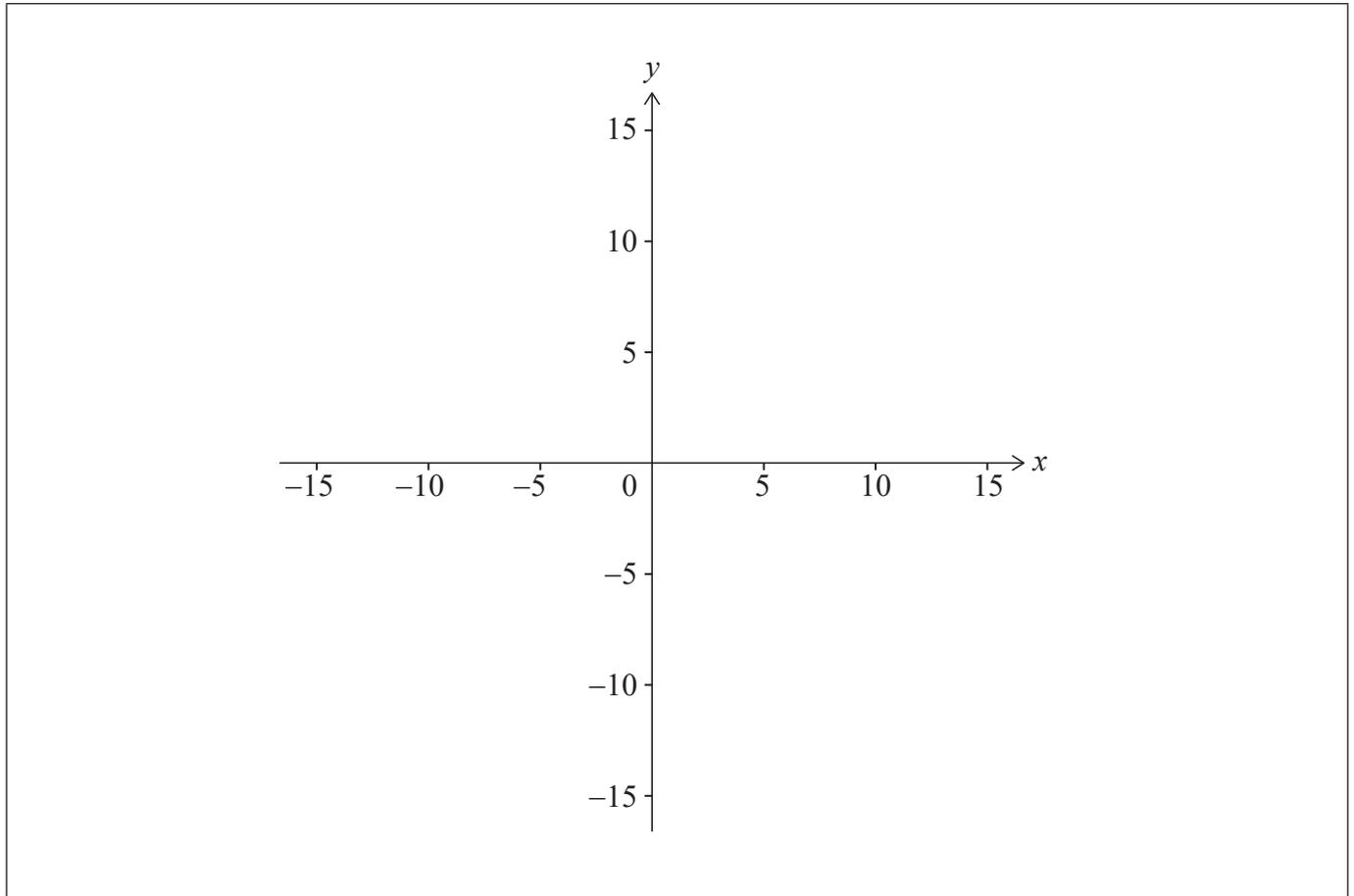




(Suite de la question 3)

(c) Esquissez la représentation graphique de  $f$  sur le système d'axes ci-dessous.

[1]



12EP05

Tournez la page







N'écrivez **pas** vos solutions sur cette page.

## Section B

Répondez à **toutes** les questions sur le livret de réponses fourni. Veuillez répondre à chaque question sur une nouvelle page.

7. [Note maximale : 16]

Une particule  $P$  se déplace le long de l'axe des abscisses. La vitesse algébrique de  $P$  est  $v \text{ m s}^{-1}$  au temps  $t$  secondes, où  $v(t) = 4 + 4t - 3t^2$  pour  $0 \leq t \leq 3$ . Lorsque  $t = 0$ ,  $P$  est à l'origine  $O$ .

- (a) (i) Trouvez la valeur de  $t$  lorsque  $P$  atteint sa vitesse algébrique maximale.
- (ii) Montrez que la distance de  $P$  à  $O$  à cet instant est de  $\frac{88}{27}$  mètres. [7]
- (b) Esquissez une représentation graphique de  $v$  en fonction de  $t$ , en montrant clairement tout point d'intersection avec les axes. [4]
- (c) Trouvez la distance totale parcourue par  $P$ . [5]

8. [Note maximale : 15]

Considérez la fonction  $f(x) = a^x$  où  $x, a \in \mathbb{R}$  et  $x > 0, a > 1$ .

La représentation graphique de  $f$  passe par le point  $\left(\frac{2}{3}; 4\right)$ .

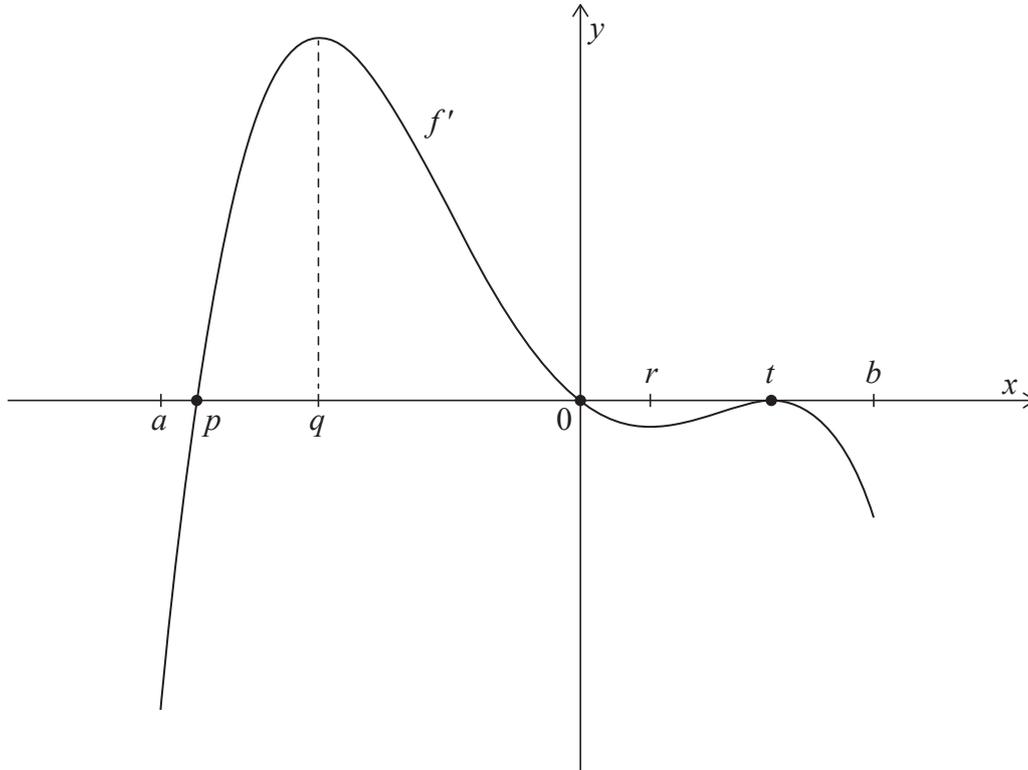
- (a) Montrez que  $a = 8$ . [2]
- (b) Écrivez une expression pour  $f^{-1}(x)$ . [1]
- (c) Trouvez la valeur de  $f^{-1}(\sqrt{32})$ . [3]
- (d) Considérez la suite arithmétique  $\log_8 27, \log_8 p, \log_8 q, \log_8 125$ , où  $p > 1$  et  $q > 1$ .
- (i) Montrez que  $27, p, q$  et  $125$  sont quatre termes consécutifs d'une suite géométrique.
- (ii) Trouvez la valeur de  $p$  et la valeur de  $q$ . [9]



N'écrivez **pas** vos solutions sur cette page.

9. [Note maximale : 14]

Considérez une fonction  $f$  dont le domaine est  $a < x < b$ . Le diagramme suivant montre la représentation graphique de  $f'$ , la dérivée de  $f$ .



La représentation graphique de  $f'$ , la dérivée de  $f$ , possède des abscisses à l'origine en  $x = p$ ,  $x = 0$  et  $x = t$ . Il y a des maximums relatifs en  $x = q$  et  $x = t$  et un minimum relatif en  $x = r$ .

- (a) Trouvez toutes les valeurs de  $x$  où la représentation graphique de  $f$  est croissante. Justifiez votre réponse. [2]
- (b) Trouvez la valeur de  $x$  où la représentation graphique de  $f$  a un maximum relatif. [1]
- (c) (i) Trouvez la valeur de  $x$  où la représentation graphique de  $f$  a un minimum relatif. Justifiez votre réponse.
- (ii) Trouvez les valeurs de  $x$  où la représentation graphique de  $f$  a des points d'inflexion. Justifiez votre réponse. [5]
- (d) L'aire totale de la région délimitée par la représentation graphique de  $f'$ , la dérivée de  $f$ , et l'axe des abscisses est 20. Étant donné que  $f(p) + f(t) = 4$ , trouvez la valeur de  $f(0)$ . [6]

Références :



Veillez ne **pas** écrire sur cette page.

Les réponses rédigées sur cette page  
ne seront pas corrigées.



12EP11

Veillez ne **pas** écrire sur cette page.

Les réponses rédigées sur cette page  
ne seront pas corrigées.



12EP12